

Differu

$y = f(x)$	$\frac{dy}{dx} = f'(x)$
cysynon c	0
x^n , ar gyfer unrhyw gysynon n	nx^{n-1}
e^x	e^x
$\ln x = \log_e x$	$\frac{1}{x}$
$\sin x$	$\cos x$
$\cos x$	$-\sin x$
$\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$	$\sec^2 x$
cosecx $= \frac{1}{\sin x}$	$-\operatorname{cosec} x \cot x$
sec $x = \frac{1}{\cos x}$	$\sec x \tan x$
cot $x = \frac{\cos x}{\sin x}$	$-\operatorname{cosec}^2 x$
$\sin^{-1} x$	$\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
$\cos^{-1} x$	$\frac{-1}{\sqrt{1-x^2}}$
$\tan^{-1} x$	$\frac{1}{1+x^2}$
$\cosh x$	$\sinh x$
$\sinh x$	$\cosh x$
$\tanh x$	$\operatorname{sech}^2 x$
$\operatorname{sech} x$	$-\operatorname{sech} x \tanh x$
$\operatorname{cosech} x$	$-\operatorname{cosech} x \coth x$
$\coth x$	$-\operatorname{cosech}^2 x$
$\cosh^{-1} x$	$\frac{1}{\sqrt{x^2-1}}$
$\sinh^{-1} x$	$\frac{1}{\sqrt{x^2+1}}$
$\tanh^{-1} x$	$\frac{1}{1-x^2}$

Rheol llineoledd differu

$$\frac{d}{dx}(au + bv) = a \frac{du}{dx} + b \frac{dv}{dx} \quad a, b \text{ yn gysionion}$$

Rheolau differu lluoswm a chyniferydd

$$\frac{d}{dx}(uv) = u \frac{dv}{dx} + v \frac{du}{dx} \quad \frac{d}{dx}\left(\frac{u}{v}\right) = \frac{v \frac{du}{dx} - u \frac{dv}{dx}}{v^2}$$

Rheol gadwyn differu

Os yw $y = y(u)$ a bod $u = u(x)$, yna mae $\frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \cdot \frac{du}{dx}$

Er engraift, os yw
 $y = (\cos x)^{-1}$, yna mae $\frac{dy}{dx} = -1(\cos x)^{-2}(-\sin x)$

Integru

$f(x)$	$\int f(x) dx = F(x) + c$
cysynon k	$kx + c$
x^n , ($n \neq -1$)	$\frac{x^{n+1}}{n+1} + c$
$x^{-1} = \frac{1}{x}$	$\begin{cases} \ln x + c & x > 0 \\ \ln(-x) + c & x < 0 \end{cases}$
e^x	$e^x + c$
$\cos x$	$\sin x + c$
$\sin x$	$-\cos x + c$
$\tan x$	$\ln(\sec x) + c$
$\sec x$	$\ln(\sec x + \tan x) + c$
cosecx	$\ln(\cosec x - \cot x) + c$
$\cot x$	$\ln(\sin x) + c$
$\cosh x$	$\sinh x + c$
$\sinh x$	$\cosh x + c$
$\tanh x$	$\ln \cosh x + c$
$\coth x$	$\ln \sinh x + c$
	$x > 0$
	$\frac{1}{a} \tan^{-1} \frac{x}{a} + c$
	$\frac{1}{2a} \ln \frac{x-a}{x+a} + c$
	$\frac{1}{2a} \ln \frac{a+x}{a-x} + c$
	$ x > a > 0$
	$\sinh^{-1} \frac{x}{a} + c$
	$a > 0$
	$\cosh^{-1} \frac{x}{a} + c$
	$x \geq a > 0$
	$\ln(x + \sqrt{x^2 + k}) + c$
	$\sin^{-1} \frac{x}{a} + c$
	$-a \leq x \leq a$
$f(ax + b)$	$\frac{1}{a}F(ax + b) + c$
e.e. $\cos(2x - 3)$	$\frac{1}{2} \sin(2x - 3) + c$

Rheol llineoledd integrus

$$\int (af(x) + bg(x)) dx = a \int f(x) dx + b \int g(x) dx, \quad (a, b \text{ cysion})$$

Integru trwy amnewid

$$\int f(u) \frac{du}{dx} dx = \int f(u) du \quad \text{a} \quad \int_a^b f(u) \frac{du}{dx} dx = \int_{u(a)}^{u(b)} f(u) du$$

Integru fesul rhan

$$\int_a^b u \frac{dv}{dx} dx = [uv]_a^b - \int_a^b \frac{du}{dx} v dx$$

Ffurw arall

$$\int_a^b f(x)g(x) dx = [f(x) \int g(x) dx]_a^b - \int_a^b \frac{df}{dx} \{ \int g(x) dx \} dx$$

www.mathcentre.ac.uk

(h)mathcentre 2013



Am y cymorth rydych ei angen i gefnogi eich cwrs

Ffeithiau a Formwlâu

Prosiect aml-ddisgyblaethol sy'n cynnig adnoddau rhad ac am ddim i fyfyrwyr a staff i hwyluso dysgu ac addysgu mathemateg yn yr ysgol a'r brifysgol yw'r mathcentre.



WWW.mathcentre.ac.uk



Cynhyrchwyd y daflen hon ar y cyd rhwng yr Higher Education Academy Maths, Stats & OR Network a'r Coleg Cymraeg Cenedlaethol.

Am gopi electroneg, ewch i'r Porth
www.yport.h.ac.uk



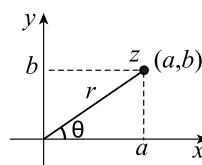
Rhifau Cymhlyg

Ffurf Cartesaidd: $z = a + bj$ ar gyfer $j = \sqrt{-1}$

Ffurf Polar:

$$z = r(\cos \theta + j \sin \theta) = r\angle\theta$$

$$\begin{aligned} a &= r \cos \theta, & b &= r \sin \theta, \\ \tan \theta &= \frac{b}{a} \end{aligned}$$



Ffurf Esbonyddol:

$$z = re^{j\theta}$$

Perthnasau Euler

$$e^{j\theta} = \cos \theta + j \sin \theta, \quad e^{-j\theta} = \cos \theta - j \sin \theta$$

Lluosiad a rhaniad mewn ffurf polar

$$z_1 z_2 = r_1 r_2 \angle(\theta_1 + \theta_2), \quad \frac{z_1}{z_2} = \frac{r_1}{r_2} \angle(\theta_1 - \theta_2)$$

Os yw $z = r\angle\theta$, yna mae $z^n = r^n\angle(n\theta)$

Theorem De Moivre

$$(\cos \theta + j \sin \theta)^n = \cos n\theta + j \sin n\theta$$

Y berthynas rhwng ffwythiannau 'trig' a hyperbolig

$$\cos jx = \cosh x, \quad \sin jx = j \sinh x$$

$$\cosh jx = \cos x, \quad \sinh jx = j \sin x$$

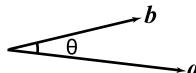
Gellir defnyddio i yn hytrach na j i ddynodi $\sqrt{-1}$.

Fectorau

Os yw $\mathbf{r} = xi + yj + zk$ yna mae $|\mathbf{r}| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$

Lluoswm Scalar

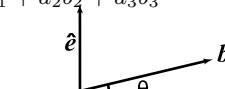
$$\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = |\mathbf{a}| |\mathbf{b}| \cos \theta$$



Os yw $\mathbf{a} = a_1\mathbf{i} + a_2\mathbf{j} + a_3\mathbf{k}$ a $\mathbf{b} = b_1\mathbf{i} + b_2\mathbf{j} + b_3\mathbf{k}$ yna mae

$$\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = a_1b_1 + a_2b_2 + a_3b_3$$

Lluoswm Fector



$$\mathbf{a} \times \mathbf{b} = |\mathbf{a}| |\mathbf{b}| \sin \theta \hat{\mathbf{e}}$$

Mae ê yn fector uned sy'n berpendiciwl ar y'r plân sy'n cynnwys a a b mewn modd y gellir ei ddifinio gan y rheol sgrîw llaw dde.

Os yw $\mathbf{a} = a_1\mathbf{i} + a_2\mathbf{j} + a_3\mathbf{k}$ a $\mathbf{b} = b_1\mathbf{i} + b_2\mathbf{j} + b_3\mathbf{k}$ yna mae

$$\begin{aligned} \mathbf{a} \times \mathbf{b} &= (a_2b_3 - a_3b_2)\mathbf{i} + (a_3b_1 - a_1b_3)\mathbf{j} + (a_1b_2 - a_2b_1)\mathbf{k} \\ &= \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ a_1 & a_2 & a_3 \\ b_1 & b_2 & b_3 \end{vmatrix}. \end{aligned}$$

Dilyniannau a Chyfresi

Dilyniannau rhifyddol: $a, a+d, a+2d, \dots$

a yw'r term cyntaf, d yw'r gwahaniaeth cyffredin, y k^{fed} term yw $a + (k-1)d$.

Swm n term, $S_n = \frac{n}{2}(2a + (n-1)d)$.

Swm yr n cyfanrif cyntaf

$$1 + 2 + 3 + \dots + n =$$

$$\sum_{k=1}^n k = \frac{1}{2}n(n+1)$$

Swm sgwariau'r n cyfanrif cyntaf

$$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 =$$

$$\sum_{k=1}^n k^2 = \frac{1}{6}n(n+1)(2n+1)$$

Dilyniannau Geometrig: a, ar, ar^2, \dots

a yw'r term cyntaf, r yw'r gymhareb gyffredin, y k^{fed} term yw ar^{k-1} .

Swm n term, $S_n = \frac{a(1-r^n)}{1-r}$, gan gymryd bod $r \neq 1$.

Swm cyfres geometrig anfeidrol:

$$S_\infty = \frac{a}{1-r}, \quad -1 < r < 1$$

Theorem binomial

Os yw n yn gyfanrif positif, yna mae

$$(1+x)^n = 1 + nx + \frac{n(n-1)}{2!}x^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!}x^3 + \dots + x^n.$$

Os yw n yn negatif neu'n ffracsynol, yna mae'r gyfres yn anfeidrol a'n cydgyfeirio ar gyfer $-1 < x < 1$ yn unig.

Ehangiadau syllaenol i ddilyniannau pŵer

$$e^x = 1 + \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots \text{ ar gyfer pob } x,$$

$$\sin x = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \dots \text{ ar gyfer pob } x,$$

$$\cos x = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \frac{x^6}{6!} + \dots \text{ ar gyfer pob } x,$$

$$\log_e(1+x) = x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \dots \text{ ar gyfer } -1 < x \leq 1 \text{ yn unig.}$$

Y ffwythiant esbonyddol fel terfyn dilyniannau

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{x}{n}\right)^n = e^x.$$

Matricsau a Determinantau

Mae'r matrics $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ yn un 2×2 sydd â determinant

$$|A| = \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - bc.$$

Mae'r matrics $A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$ yn un 3×3 sydd â determinant

$$|A| = a_{11} \begin{vmatrix} a_{22} & a_{23} \\ a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} - a_{12} \begin{vmatrix} a_{21} & a_{23} \\ a_{31} & a_{33} \end{vmatrix} + a_{13} \begin{vmatrix} a_{21} & a_{22} \\ a_{31} & a_{32} \end{vmatrix}$$

(wedi'i ehangu ar hyd y rhes gyntaf).

Gwrthdro matrics 2×2

Os yw $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$ yna mae $A^{-1} = \frac{1}{ad-bc} \begin{pmatrix} d & -b \\ -c & a \end{pmatrix}$ cyn bellod bod $ad - bc \neq 0$.

Lluosiad matrics: Lluosir dau fatrics 2×2 fel

$$\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha & \gamma \\ \beta & \delta \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a\alpha + b\beta & a\gamma + b\delta \\ c\alpha + d\beta & c\gamma + d\delta \end{pmatrix}$$

Cofiwch fod $AB \neq BA$ heblaw mewn achosion arbennig.

Cyfernodau Binomial

Cyfernod y term x^k yn yr ehangiad binomial i $(1+x)^n$, lle mae n yn gyfanrif positif, yw $\binom{n}{k}$ neu nC_k :

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!} = \binom{n}{n-k},$$

$$0!=1, \quad n! = n(n-1)!!$$

Felly, mae $4! = 1.2.3.4$, er engraifft.

Gweler batrwm y cyfernodau yn y

Triongl Pascal:

		1	1		
	1	2	1		
1	3	3	1		
1	4	6	4	1	
1	5	10	10	5	1
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮

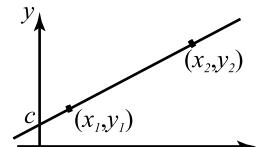
nC_k yw'r nifer o is-setiau gyda k elfen y gellir eu dewis o set gyda n elfen i gyd.



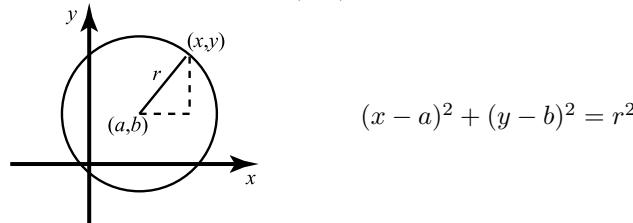
Graffiau ffwythiannau cyffredin

Llinol

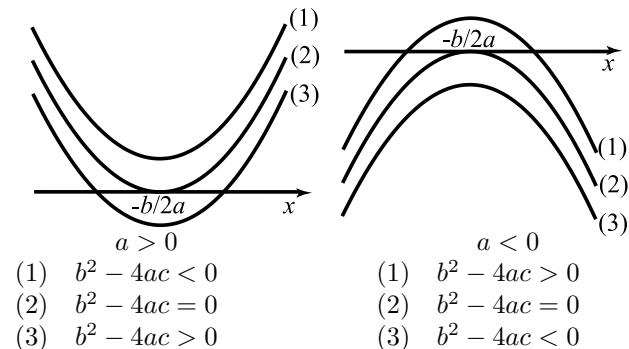
$y = mx + c$, m yw'r graddiant,
 c yw'r rhyngdoriad fertigol.
 $m = (y_2 - y_1) / (x_2 - x_1)$



Hafaliad cylch â chanol (a, b) , radiws r



Ffwythiant Cwadratig $y = ax^2 + bx + c$

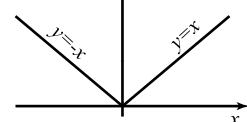


Cwblhau'r sgwâr

$$\text{Os yw } a \neq 0, \quad ax^2 + bx + c = a \left(x + \frac{b}{2a} \right)^2 + \frac{4ac - b^2}{4a}$$

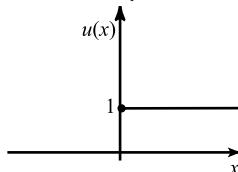
Ffwythiant modwlws

$$|x| = \begin{cases} x & \text{os yw } x \geq 0 \\ -x & \text{os yw } x < 0 \end{cases}$$

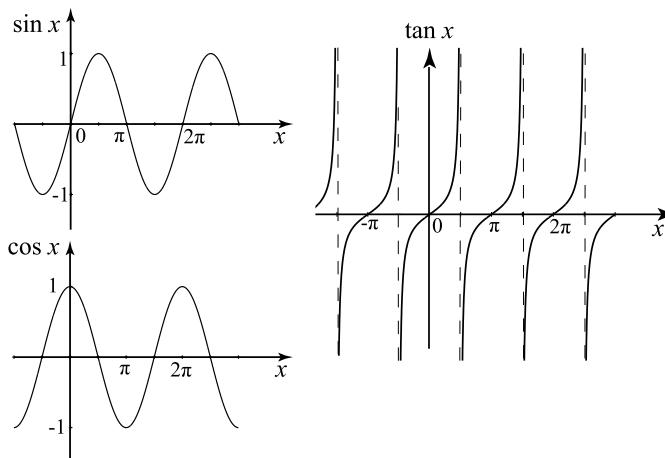


Ffwythiant step uned, $u(x)$

$$u(x) = \begin{cases} 1 & \text{os yw } x \geq 0 \\ 0 & \text{os yw } x < 0 \end{cases}$$

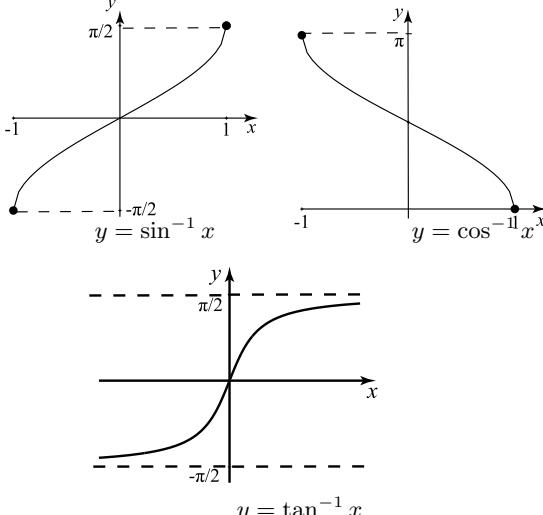


Ffwythiannau Trigonometrig



Mae'r ffwythiannau sin a cosin yn gyfnodol gyda chyfnod 2π
a'r ffwythiant tangiad yn gyfnodol â chyfnod π .

Ffwythiannau gwrrthdro trigonometrig

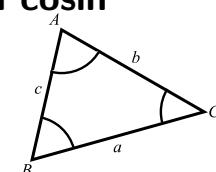


Rheolau sin a cosin

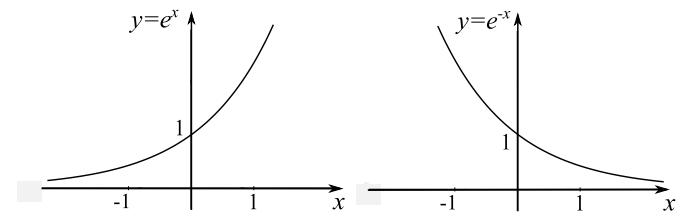
$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$$

Rheol cosin

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$$

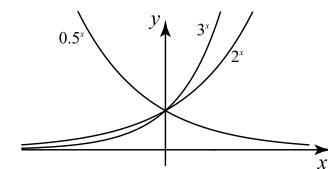


Ffwythiannau Esbonyddol



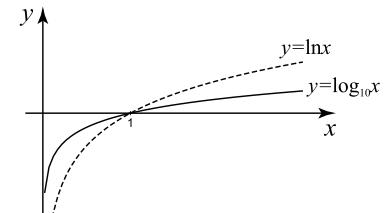
Graff $y = e^x$ yn dangos twf esbonyddol.

Graff $y = e^{-x}$ yn dangos dirywiad esbonyddol.



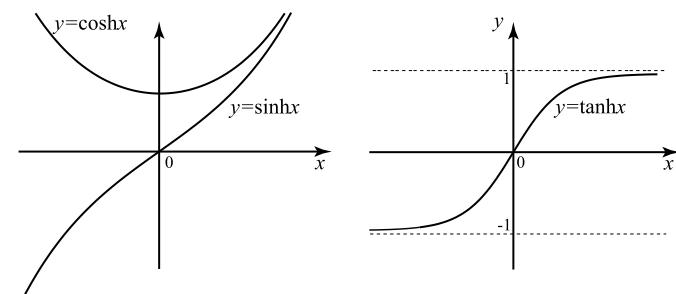
Graffiau $y = 0.5^x$, $y = 3^x$, a $y = 2^x$

Ffwythiannau logarithmig



Graffiau $y = \ln x$ a $y = \log_{10} x$.

Ffwythiannau hyperbolig



Graffiau $y = \sinh x$, $y = \cosh x$ a $y = \tanh x$.

Algebra

$$(x+k)(x-k) = x^2 - k^2$$

$$(x+k)^2 = x^2 + 2kx + k^2, \quad (x-k)^2 = x^2 - 2kx + k^2$$

$$x^3 \pm k^3 = (x \pm k)(x^2 \mp kx + k^2)$$

Fformiwlau datrys hafaliad gwadratig

Os yw $ax^2 + bx + c = 0$ yna mae $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

Deddfau Indecsau

$$a^m a^n = a^{m+n}, \quad \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}, \quad (a^m)^n = a^{mn}$$

$$a^0 = 1, \quad a^{-m} = \frac{1}{a^m}, \quad a^{1/n} = \sqrt[n]{a}, \quad a^{\frac{m}{n}} = (\sqrt[n]{a})^m$$

Deddfau Logarithmâu

I bob sail positif b ($b \neq 1$), mae

$$\log_b A = c \quad \text{yn golygu} \quad A = b^c,$$

$$\log_b A + \log_b B = \log_b AB, \quad \log_b A - \log_b B = \log_b \frac{A}{B},$$

$$n \log_b A = \log_b A^n, \quad \log_b 1 = 0, \quad \log_b b = 1.$$

Fformwlau cyfnewid sail: $\log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a}$

Dynodir logarithmâu i'r sail e gan log_e neu ln a gelwir hwy'n logarithmâu naturiol. Mae'r llythyren e yn cynrhychioli cysonym esbonyddol sydd oddeutu 2.718.

Ffracs iynau rhannol

Ar gyfer ffracs iynau bondrwm $\frac{P(x)}{Q(x)}$, lle mae P a Q yn bynomialau ac mae gradd P yn llai na gradd Q :

Mae ffactor llinol $ax+b$ yn yr enwadur yn rhoi ffracs iwn rhanol â'r ffurf $\frac{A}{ax+b}$.

Mae ffactorau llinol ailadroddus $(ax+b)^2$ yn yr enwadur yn rhoi ffracs iynau rhannol â'r ffurf $\frac{A}{(ax+b)^2} + \frac{B}{(ax+b)}$.

Mae ffactor gwadratig $ax^2 + bx + c$ yn yr enwadur yn rhoi ffracs iwn rhannol â'r ffurf $\frac{Ax+B}{ax^2+bx+c}$.

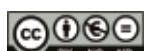
Mae ffracs iynau pendrwm angen term ychwanegol sy'n bynomial â gradd $n-d$; n yw gradd y rhifiadur a d yw gradd yr enwadur.

Anhafaleddau

Mae $a > b$ yn golygu a yn fwy na b .
Mae $a < b$ yn golygu a yn llai na b .

Mae $a \geq b$ yn golygu a yn fwy na neu'n hafal i b .

Mae $a \leq b$ yn golygu a yn llai na neu'n hafal i b .



Trigonometreg

Graddau a radianau

$$360^\circ = 2\pi \text{ radian}, \quad 1^\circ = \frac{2\pi}{360} = \frac{\pi}{180} \text{ radian}$$

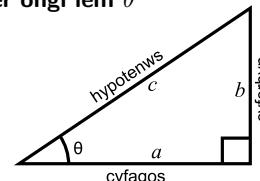
$$1 \text{ radian} = \frac{180}{\pi} \text{ gradd} \approx 57.3^\circ$$

Cymharebau trigonometrig ar gyfer ongl lem θ

$$\sin \theta = \frac{\text{ochr gyferbyn i } \theta}{\text{hypotenws}} = \frac{b}{c}$$

$$\cos \theta = \frac{\text{ochr gyfagos i } \theta}{\text{hypotenws}} = \frac{a}{c}$$

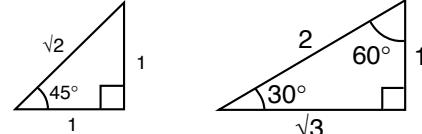
$$\tan \theta = \frac{\text{ochr gyferbyn i } \theta}{\text{ochr gyfagos i } \theta} = \frac{b}{a}$$



Theorem Pythagoras

$$a^2 + b^2 = c^2$$

Trionglau sylfaenol



$$\sin 45^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}}, \quad \cos 45^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}}, \quad \tan 45^\circ = 1$$

$$\sin 30^\circ = \frac{1}{2}, \quad \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}, \quad \tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}, \quad \cos 60^\circ = \frac{1}{2}, \quad \tan 60^\circ = \sqrt{3}$$

Mynegiadau trigonometrig cyffredin

$$\sin(A \pm B) = \sin A \cos B \pm \cos A \sin B$$

$$\cos(A \pm B) = \cos A \cos B \mp \sin A \sin B$$

$$\tan(A \pm B) = (\tan A \pm \tan B) / (1 \mp \tan A \tan B)$$

$$2 \sin A \cos B = \sin(A+B) + \sin(A-B)$$

$$2 \cos A \cos B = \cos(A-B) + \cos(A+B)$$

$$2 \sin A \sin B = \cos(A-B) - \cos(A+B)$$

$$\sin^2 A + \cos^2 A = 1$$

$$1 + \cot^2 A = \operatorname{cosec}^2 A, \quad \tan^2 A + 1 = \sec^2 A$$

$$\cos 2A = \cos^2 A - \sin^2 A = 2 \cos^2 A - 1 = 1 - 2 \sin^2 A$$

$$\sin 2A = 2 \sin A \cos A$$

$$\sin^2 A = \frac{1}{2}(1 - \cos 2A), \quad \cos^2 A = \frac{1}{2}(1 + \cos 2A)$$

$\sin^2 A$ yw'r nodiant ar gyfer $(\sin A)^2$ ac mae $\cos^2 A = (\cos A)^2$ ayyb. Mae'r nodiant yma'n cael ei ddefnyddio ar gyfer ffwythiannau trigonometrig a hyperbolig â phwerau cyfanrifol positif yn unig.

Ffwythiannau hyperbolig

$$\cosh x = \frac{e^x + e^{-x}}{2}, \quad \sinh x = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$$

$$\tanh x = \frac{\sinh x}{\cosh x} = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$$

$$\operatorname{sech} x = \frac{1}{\cosh x} = \frac{2}{e^x + e^{-x}}$$

$$\operatorname{cosech} x = \frac{1}{\sinh x} = \frac{2}{e^x - e^{-x}}$$

$$\coth x = \frac{\cosh x}{\sinh x} = \frac{1}{\tanh x} = \frac{e^x + e^{-x}}{e^x - e^{-x}}$$

Mynegiadau hyperbolig

$$e^x = \cosh x + \sinh x, \quad e^{-x} = \cosh x - \sinh x$$

$$\cosh^2 x - \sinh^2 x = 1$$

$$1 - \tanh^2 x = \operatorname{sech}^2 x$$

$$\coth^2 x - 1 = \operatorname{cosech}^2 x$$

$$\sinh(x \pm y) = \sinh x \cosh y \pm \cosh x \sinh y$$

$$\cosh(x \pm y) = \cosh x \cosh y \pm \sinh x \sinh y$$

$$\sinh 2x = 2 \sinh x \cosh x$$

$$\cosh 2x = \cosh^2 x + \sinh^2 x$$

$$\cosh^2 x = \frac{1}{2}(\cosh 2x + 1)$$

$$\sinh^2 x = \frac{1}{2}(\cosh 2x - 1)$$

Ffwythiannau gwrrthdro hyperbolig

$$\cosh^{-1} x = \ln(x + \sqrt{x^2 - 1}) \quad \text{ar gyfer } x \geq 1$$

$$\sinh^{-1} x = \ln(x + \sqrt{x^2 + 1})$$

$$\tanh^{-1} x = \frac{1}{2} \ln\left(\frac{1+x}{1-x}\right) \quad \text{ar gyfer } -1 < x < 1$$

Gwyddor Roegaidd

A	α	alffa	I	ι	iota	P	ρ	rho
B	β	beta	K	κ	capa	Σ	σ	sigma
Γ	γ	gama	Λ	λ	lambda	T	τ	taw
Δ	δ	delta	M	μ	mw	Υ	v	upsilon
E	ϵ	epsilon	N	ν	nw	Φ	ϕ	ffi
Z	ζ	seta	Ξ	ξ	csi	X	χ	chi
H	η	eta	O	\circ	omicron	Ψ	ψ	psi
Θ	θ	theta	Π	π	pi	Ω	ω	omega

Ysgrifennwyd yn wreiddiol gan Tony Croft a Geoff Simpson ar gyfer Canolfan Gefnogi Dysgu Mathemateg ym Mhrifysgol Loughborough.

Cyfeithwyd gan Tudur Davies i'r Coleg Cymraeg Cenedlaethol.

Cysodiad a chelfwaith gan yr awduron